

❧ **Baccalauréat Nouvelle Calédonie 27 novembre 2018** ❧
Sciences et technologies du design et des arts appliqués

L'annexe 1, est à rendre avec la copie. L'annexe 2, est à rendre avec la copie. L'annexe 3, est à rendre avec la copie.

Le candidat doit traiter les 3 exercices.

Le candidat est invité à faire figurer toute trace de recherche, même incomplète ou non fructueuse, qu'il aura développée. Il est rappelé que la qualité de la rédaction, la clarté et la précision des raisonnements entreront pour une part importante dans l'appréciation des copies.

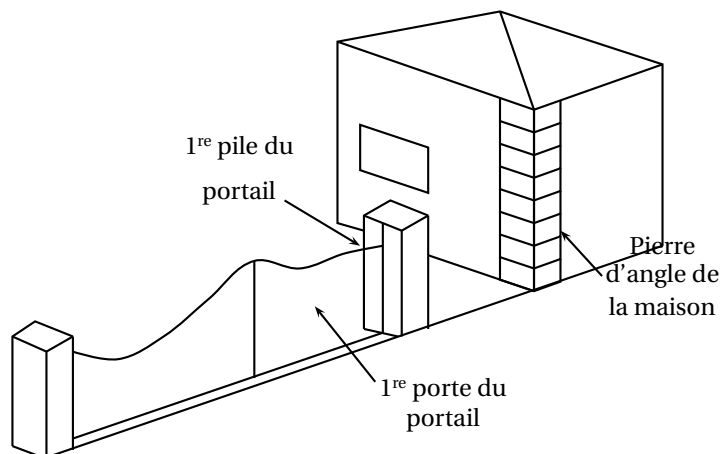
L'usage de tout modèle de calculatrice, avec ou sans mode examen, est autorisé.

EXERCICE 1

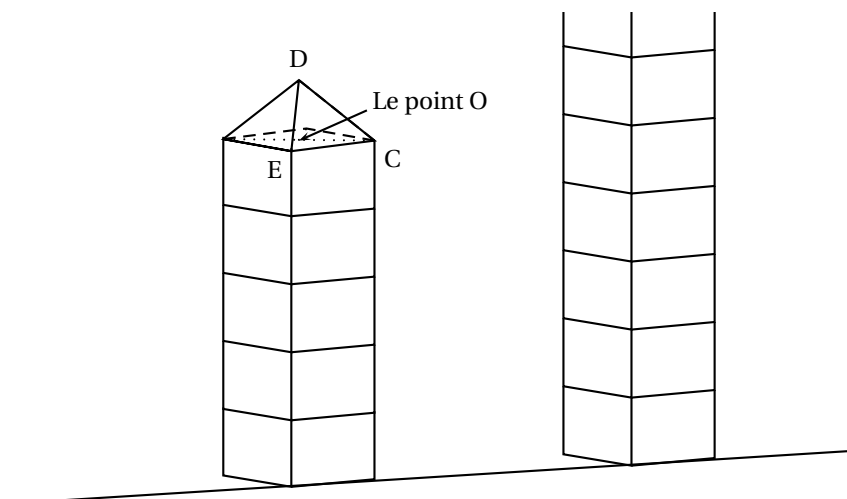
10 points

Un propriétaire a pour projet de construire un portail.

L'esquisse ci-dessous réalisée informatiquement représente une partie de sa maison, une des piles de la maison et le futur portail. Elle indique l'emplacement des piles du portail et donne une idée de la forme des portes du portail.



La figure ci-dessous est une représentation en perspective parallèle d'une partie d'une pile de la maison et de la première pile du portail.



Les deux parties de cet exercice peuvent être traitées indépendamment.

Partie A : Les piles du portail

Pour réaliser les piles du portail, le propriétaire souhaite utiliser des pierres identiques aux pierres d'angles de sa maison. Chaque pierre d'angle est un cube de côté 40 cm. Chaque pile du portail comporte 5 pierres d'angle et est surmontée d'une pyramide à base carrée. La base de chaque pyramide est identique à la base d'une pierre d'angle et sa hauteur est égale au côté de la base.

Ainsi, la hauteur de la pyramide surmontant la première pierre du portail est le segment [DO] de même longueur que le segment [AB], le point O étant le centre de la base de la pyramide.

Dans cette partie, aucune justification des constructions n'est attendue. On laissera visibles les traits de construction au crayon.

1. L'objectif de cette question est de représenter la première pile du portail en perspective centrale sur le dessin de l'**annexe 1 à rendre avec la copie**.
La ligne d'horizon (h) est donnée. Une partie de la maison est déjà représentée en perspective centrale sur l'**annexe 1 à rendre avec la copie**. Le plan (ABCE) sera frontal. Les points A, B, C, D, E, ... seront représentés respectivement par les points a, b, c, d, e, \dots dans la perspective centrale.
 - a. Le sol de la maison étant horizontal, placer sur l'**annexe 1 à rendre avec la copie** le point p , point de fuite principal de la perspective centrale.
 - b. Terminer la représentation en perspective centrale des cinq pierres de la première pile du portail sur l'**annexe 1 à rendre avec la copie**.
2. Sur l'**annexe 1 à rendre avec la copie**, représenter la pyramide qui surmonte la première pile du portail, en perspective centrale.

Partie B : Les portes du portail

Dans le repère orthonormal de l'**annexe 2 à rendre avec la copie**, on a placé les points :

$A'(2; 0)$; $B'(2,4; 0)$; $C'(2,4; 2)$; $D'(2,2; 2,4)$ et $E'(2; 2)$

Le polygone $A'B'C'D'E'$ représente à l'échelle la coupe de la 1^{re} pile du portail surmontée de la pyramide, par le plan passant par D et parallèle à (ABCE).

Le haut de la première porte du portail est modélisé par la courbe représentative \mathcal{C}_f d'une fonction f , polynôme de degré 3. On note f' la fonction dérivée de f .

La fonction f est définie sur $[0; 2]$ par $f(x) = mx^3 + px^2 + 2,4$ où m et p sont des réels.

1. a. Exprimer $f'(x)$ en fonction de m et p .
b. Calculer $f'(0)$. Puis donner une interprétation graphique du résultat.
2. Pour des raisons esthétiques, la fonction f doit vérifier les conditions suivantes :

$$f(2) = 2 \quad \text{et} \quad f'(2) = 2.$$

- a. Donner une interprétation graphique de ces conditions.
- b. Montrer que les réels m et p vérifient le système de deux équations à deux inconnues suivant :

$$\begin{cases} 8m + 4p & = & -0,4 \\ 12m + 4p & = & 2 \end{cases} \text{ puis résoudre ce système.}$$

3. Pour cette question, on admet que la fonction f est définie sur l'intervalle $[0; 2]$ par :

$$f(x) = 0,6x^3 - 1,3x^2 + 2,4.$$

- a. Déterminer le signe de $f'(x)$ et en déduire les variations de la fonction f sur $[0; 2]$.
- b. Compléter le tableau de valeurs de la fonction f donné en **annexe 2 à rendre avec la copie**. (On arrondira à 10^{-2} près).

4. Pour renforcer la porte, on lui ajoute deux barres métalliques modélisées respectivement par les segments $[E'F]$ et $[FG]$ avec $F(1; 0)$ et $G(0; 1,6)$.
- Calculer le produit scalaire $\overrightarrow{FE'} \cdot \overrightarrow{FG}$.
 - Déterminer la mesure arrondie au degré près de l'angle $\widehat{E'FG}$ formé par ces deux barres métalliques.
5. Dans le repère de l'**annexe 2 à rendre avec la copie**,
- tracer les segments $[E'F]$ et $[FG]$,
 - tracer la tangente à la courbe \mathcal{C}_f au point d'abscisse 0, puis tracer la courbe \mathcal{C}_f ,
 - tracer les symétriques, par rapport à l'axe des ordonnées, de la courbe \mathcal{C}_f du polygone $A'B'C'D'E'$ et des segments $[E'F]$ et $[FG]$. (On obtient ainsi une représentation de l'ensemble du portail).

EXERCICE 2**5 points**

Pour chacune des quatre affirmations suivantes, indiquer si elle est vraie ou fausse en **justifiant la réponse**.

Une réponse non justifiée n'est pas prise en compte.

Les quatre questions sont indépendantes les unes des autres.

- Affirmation 1 : $\log(3000) = 3 + \log(3)$.
- Soit FBC un triangle tel que $FB = 3$ cm, $FC = 5$ cm et $\widehat{BFC} = 125^\circ$.
Affirmation 2 : la longueur exacte du troisième côté de ce triangle est 7cm.
- Affirmation 3 : dans le plan muni d'un repère orthonormal $(O; \vec{i}, \vec{j})$, le cercle dont une équation est $(x-2)^2 + (y-3)^2 = 9$, coupe l'axe des abscisses en deux points.
- Dans le plan muni d'un repère orthonormal $(O; \vec{i}, \vec{j})$, on considère les points $A(1; 1)$, $A'(-5; 1)$, $B(-2; 5)$ et $B'(-2; -3)$.
Affirmation 4 : l'ellipse d'axes $[AA']$ et $[BB']$ a pour représentation paramétrique

$$\begin{cases} x = -2 + 4 \cos t \\ y = 1 + 3 \sin t \end{cases} ; t \in [0; 2\pi].$$

EXERCICE 3**5 points**

Les deux figures planes ci-dessous sont constituées de losanges identiques au losange $ABCD$.

La figure 1 est un hexagone régulier et comporte 3 losanges. La figure 2 est constituée de 6 losanges.

Figure 1

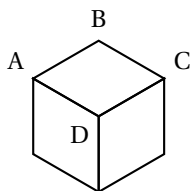
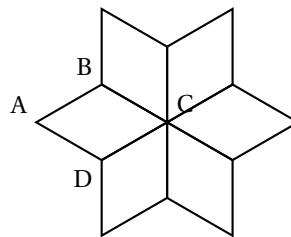


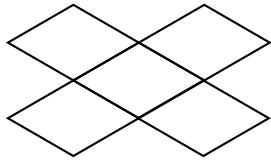
Figure 2



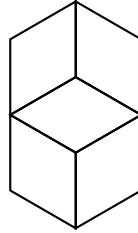
- Donner la mesure en degré de chacun des angles du losange $ABCD$.
 - Quelles transformations du plan ont permis de construire la figure 2, à partir du losange $ABCD$?

2. En supposant que la longueur AB est égale à 2 cm, déterminer l'aire, arrondie au mm² près, de l'hexagone en figure 1.
3. On crée une nouvelle figure comprenant 5 losanges en appliquant au losange ABCD les symétries d'axes [AB], [BC], [CD] et [DA]. Quelle figure obtient-on ?
Vous indiquerez sur la copie la réponse choisie. Aucune justification n'est demandée.

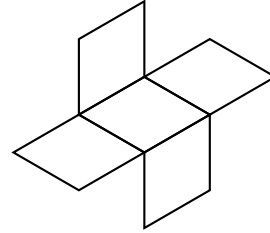
a. Figure 3



b. Figure 4



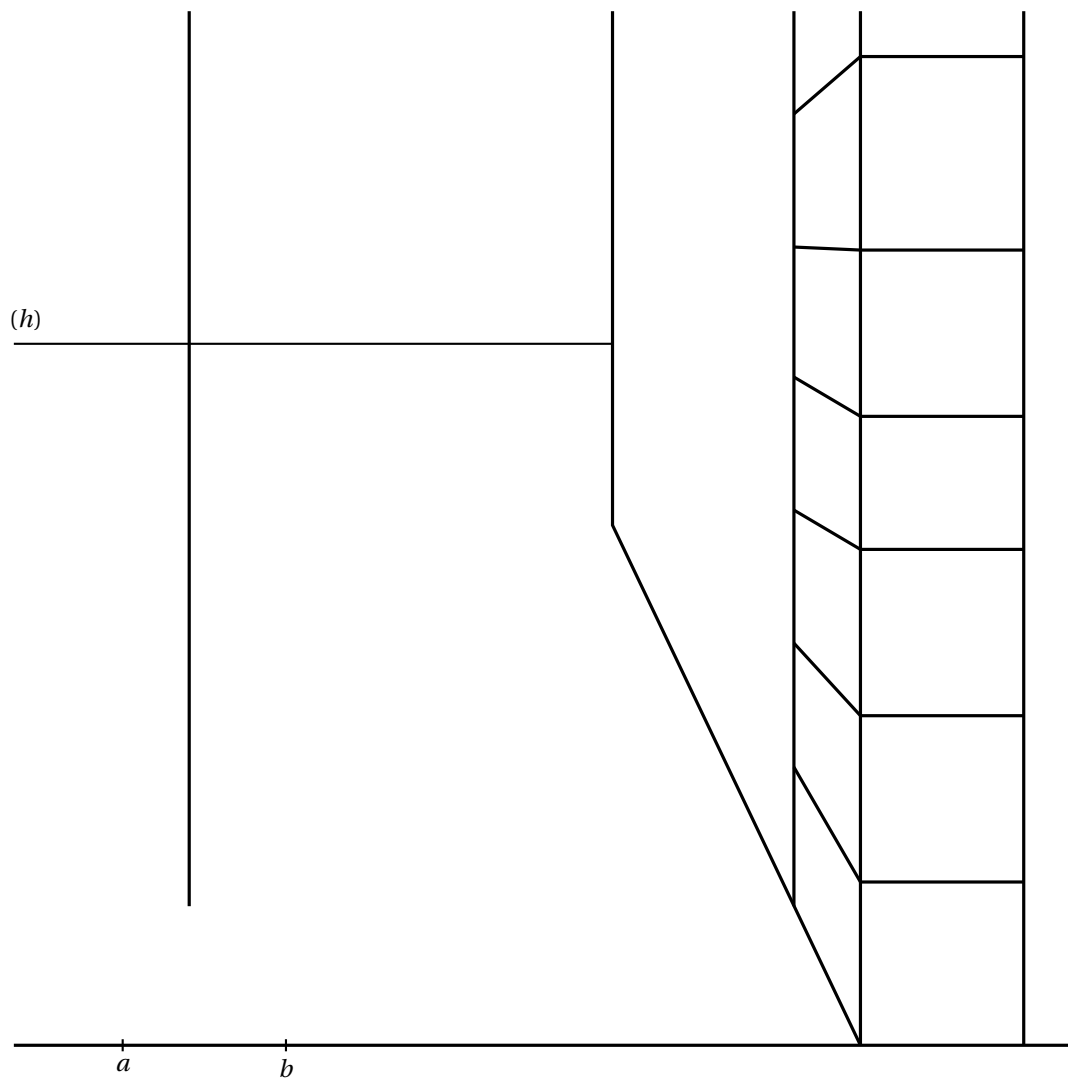
c. Figure 5



4. Sur l'**annexe 3 à rendre avec la copie**, on propose un pavage obtenu en utilisant la figure 5 comme motif.
- On fera apparaître sur le pavage de l'**annexe 3, à rendre avec la copie**, tous les éléments permettant la description des transformations demandées dans cette question.
- a. Décrire une transformation du plan qui permet de passer du motif 1 au motif 2.
- b. Décrire deux transformations du plan qui, appliquées successivement, permettent de passer du motif 1 au motif 3.

Annexe 1 à rendre avec la copie

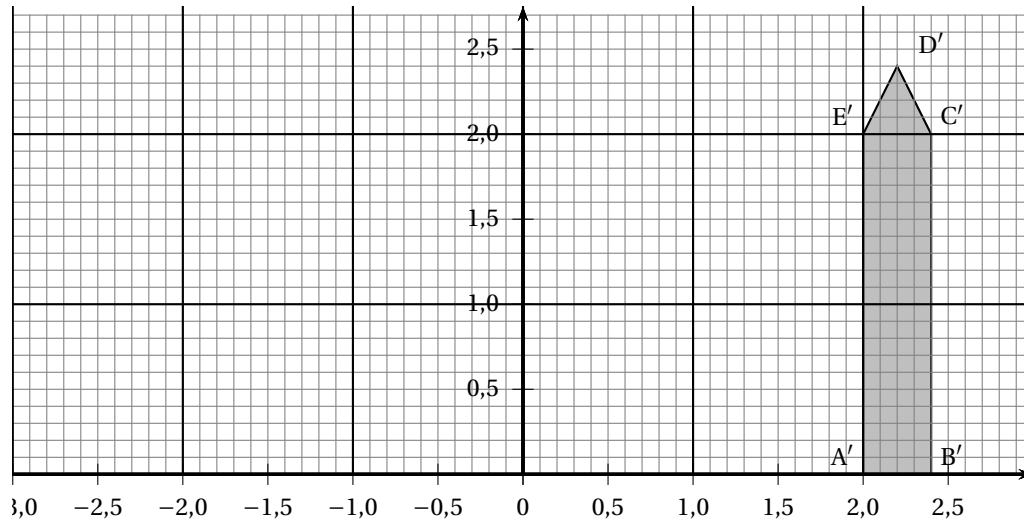
Exercice 1- Partie A



Annexe 2 à rendre avec la copie

Exercice 1- Partie B

x	0	0,5	1	1,5	2
$f(x)$					



Annexe 3 à rendre avec la copie

Exercice 3 Question 4 :

